

L'essentiel du chapitre 7

1 Signe de la dérivée et variations

Théorème:

f est une fonction dérivable sur un intervalle I , on a les équivalences suivantes :

- f est croissante sur $I \Leftrightarrow$ pour tout réel x de I , $f'(x) \geq 0$.
- f est décroissante sur $I \Leftrightarrow$ pour tout réel x de I , $f'(x) \leq 0$.
- f est constante sur $I \Leftrightarrow$ pour tout réel x de I , $f'(x) = 0$.

2 Extremum

Théorème:

f est une fonction dérivable sur un intervalle **ouvert** I et c est un réel de I .

Si $f(c)$ est un extremum local de f alors $f'(c) = 0$

Remarque:

La réciproque de ce théorème est fausse.

Définition:

f est une fonction définie sur un intervalle I .

- M est un majorant de f sur I si pour tout réel x de I , $f(x) \leq M$.
- m est un minorant de f sur I si pour tout réel x de I , $f(x) \geq m$.
- f est bornée sur I si f admet un majorant et un minorant.

3 Équations $f(x) = 0$

Théorème:

f est une fonction dérivable et strictement monotone sur un intervalle $[a; b]$.

Si $f(a)$ et $f(b)$ sont de signes contraires, alors l'équation $f(x) = 0$ admet une unique solution dans l'intervalle $]a; b[$.