DEVOIR MAISON 7

Enseignant: GREAU D.

Nom:

Note:

Classe: 203

Prénom:

Date: A rendre avant le 25/03/2011

Exercice 1: 5 points

Dans un repère orthonormée du plan, tracer les droites ci-dessous :

•
$$d_1: y = 3x - \frac{3}{2}$$

•
$$d_2: y = \frac{-2}{7}x + 5$$

•
$$d_3: y = \frac{1}{5}x - 2$$

•
$$d_4: x = 4$$

•
$$d_5: y = -3$$

Exercice 2: 5 points

Soit (S) le système suivant :

$$\begin{cases} 3x + 2y = 7 \\ (x+y)^2 = 9 \end{cases}$$

- 1. Quelles sont les valeurs possibles de la somme x + y?
- 2. En déduire les solutions du système (S).

Exercice 3: 10 points

On définit la fonction f sur \mathbb{R}^* par :

$$f(x) = x + \frac{1}{x}$$

- 1. A l'aide du logiciel GeoGebra ou de votre calculatrice, tracer la courbe représentative de la fonction f.
- 2. Par observation graphique:
 - a. Déterminer le tableau de variation de la fonction f.
 - b. Déterminer le tableau de signe de la fonction f.
 - c. Résoudre l'équation f(x) = 2.
 - d. Résoudre l'inéquation f(x) < -2.
- 3. Déterminer l'image de -1 puis l'image de $\frac{1}{2}$.
- 4. a. Montrer que pour tout réel x non-nul,

$$f(x) - 2x = \frac{1 - x^2}{x}$$

- b. Résoudre l'équation f(x) = 2x.
- c. Interpréter graphiquement les solutions de cette équation.