

Nom :

Prénom :

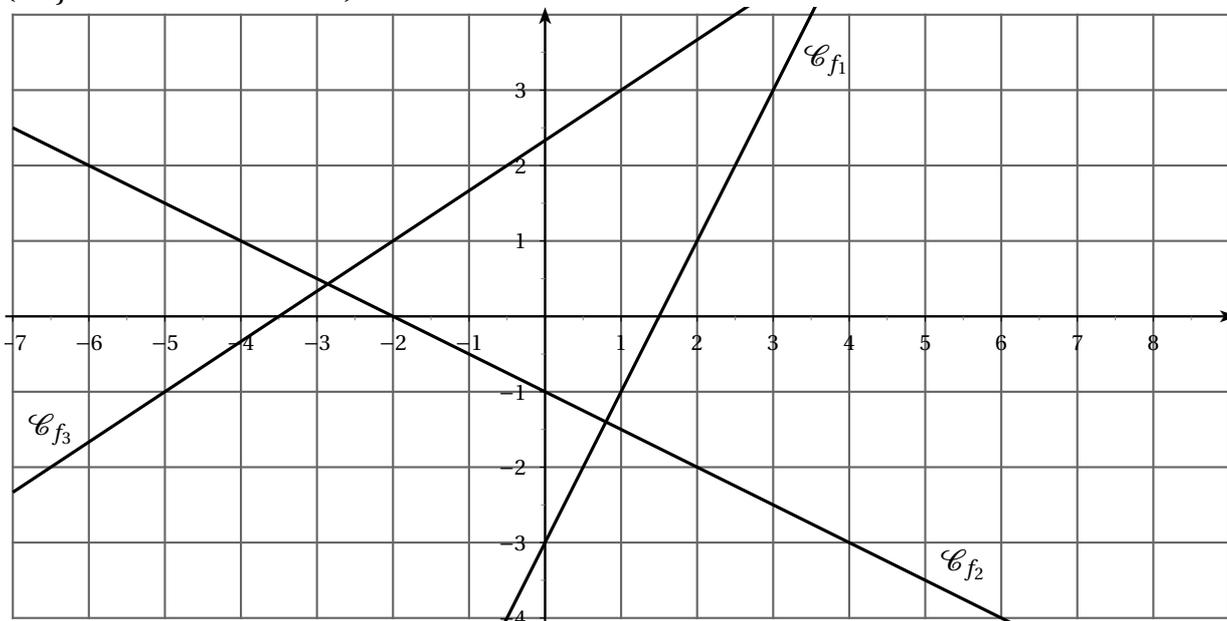
Seconde

Contrôle n° 4 (2h)

le 12/12/2012

**Exercice 1 :** (8,5 points)

1°) Déterminer une équation des fonctions  $f_1$ ,  $f_2$  et  $f_3$  représentées ci-dessous :  
(on justifiera ses résultats)



2°) On considère les fonctions  $f_4$  et  $f_5$  définies sur  $\mathbb{R}$  par :  $f_4(x) = \frac{1}{2}x - 2$  et  $f_5(x) = -\frac{2}{3}x + \frac{5}{3}$ .

a) Donner les tableaux de variations de  $f_4$  et  $f_5$ .

b) Tracer sur le graphique ci-dessus les courbes représentatives des fonctions  $f_4$  et  $f_5$ .

3°) a) La fonction  $f_6$  telle que  $f_6(-1) = 1$  ;  $f_6(2) = -1$  et  $f_6(5) = 3$  est elle affine ?

Si oui déterminer ses coefficients.

b) La fonction  $f_7$  est affine et vérifie  $f_7(-2) = -1$  et  $f_7(3) = 2$ . Déterminer l'expression de  $f_7$

**Exercice 2 :** (6 points)

1°) Déterminer, suivant les valeurs de  $x$ , le signe des expressions suivantes :

a)  $3x - 2$                       b)  $7 - 2x$                       c)  $(3x - 2)(-2x + 1)$ .

2°) Résoudre les inéquations suivantes :

a)  $(3x - 2)(-2x + 1) \geq 0$                       b)  $(4x - 1)^2 < (x + 1)^2$

**Exercice 3 :** (4,5 points)

Lors de ces 14 derniers matchs de basket, Maddy a marqué les points suivants :  
32 ; 13 ; 23 ; 15 ; 15 ; 21 ; 19 ; 22 ; 15 ; 32 ; 6 ; 9 ; 21 ; 2.

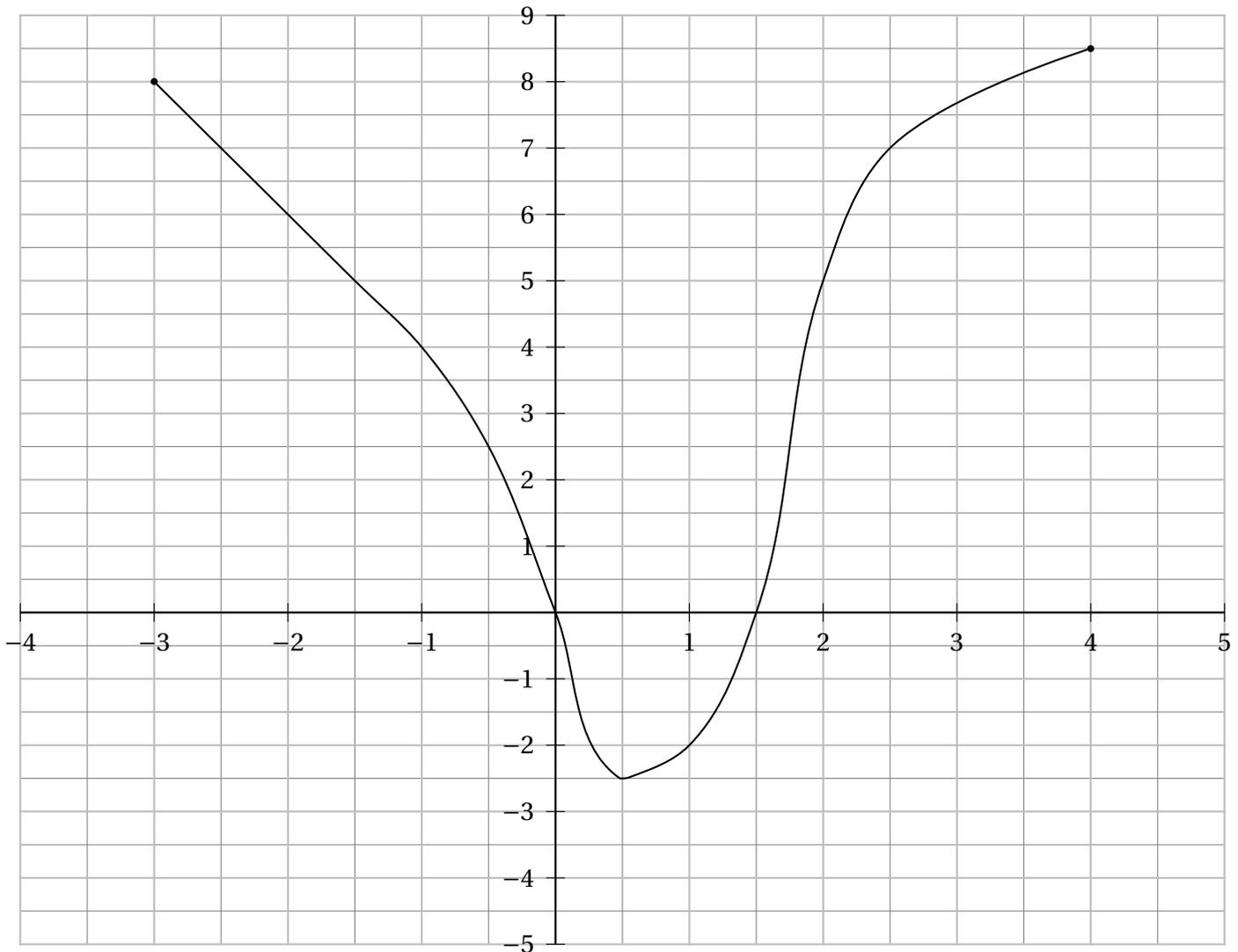
1°) Déterminer la moyenne de cette série de points.

2°) Déterminer, la médiane, le premier quartile et le troisième quartile de cette série.

3°) Compléter la phrase suivante.

« Dans 50 % des match elle a inscrit au moins ... points ».

**Exercice 4 :** (16,5 points) On considère la fonction  $f$  définie par la donnée de sa courbe représentative  $\mathcal{C}_f$  ci-dessous.



- 1°) Donner l'ensemble de définition de  $f$ .
- 2°) Déterminer l'image de  $-2$  par  $f$ .
- 3°) Déterminer les antécédents éventuels de  $5$  par  $f$ .
- 4°) Donner le tableau de variations de  $f$ .
- 5°) Résoudre graphiquement l'inéquation  $f(x) \geq 0$ .

On considère aussi la fonction  $g$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $g(x) = 2x^3 - 3x^2 - 3x + 2$ .

- 6°) Déterminer l'image de  $-1$  par  $g$ .
- 7°) Le point  $A(1; -1)$  appartient-il à la courbe représentative de  $g$ ?
- 8°) Démontrer que  $g(x) = (2x - 1)(x + 1)(x - 2)$ .
- 9°) Déterminer les antécédents de  $0$  par  $g$ .
- 10°) Déterminer, suivant la valeur de  $x$ , le signe de  $g(x)$ .
- 11°) a) Compléter le tableau suivant (on arrondira à  $0,01$  près) :

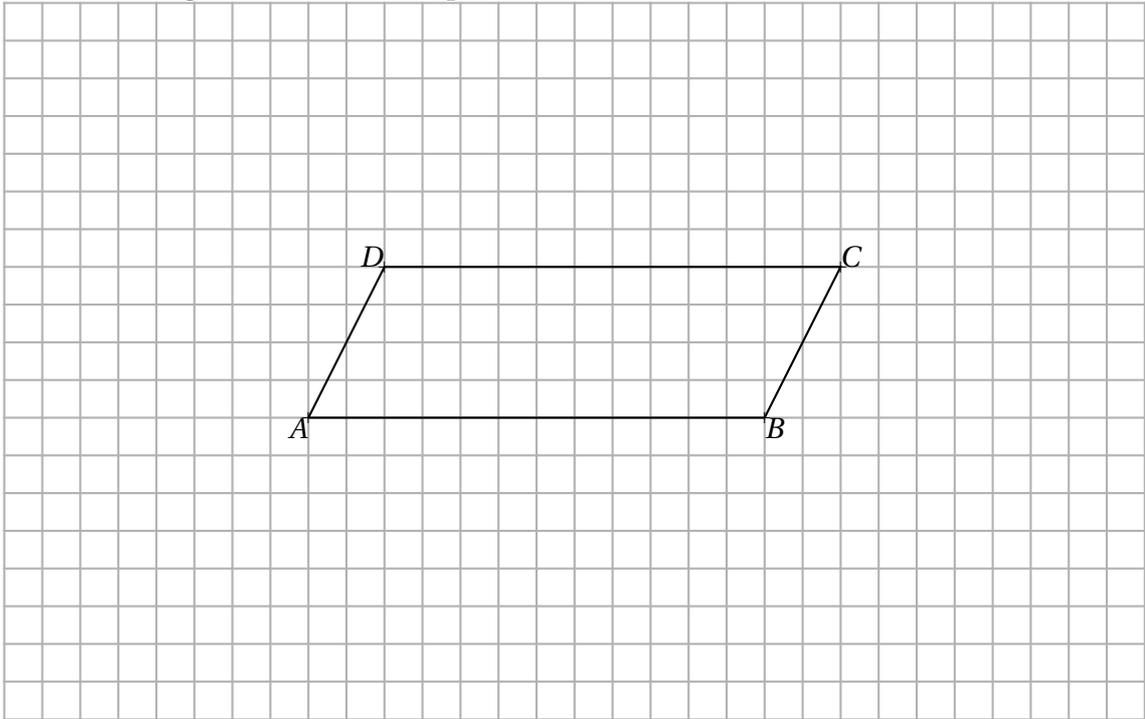
$x$	-1,5	-1	-0,75	-0,5	-0,25	0	0,5	1	1,25	1,5	2	2,5	3
$g(x)$													

- b) Tracer, sur le graphique ci-dessus,  $\mathcal{C}_g$  la courbe représentative de  $g$ .
- c) Résoudre graphiquement l'équation  $f(x) = g(x)$ .
- d) Résoudre graphiquement l'inéquation  $f(x) \leq g(x)$ .

**Exercice 5 :** (4,5 points)  $ABCD$  est un parallélogramme.  $E$ ,  $F$  et  $G$  sont les points définis par :

$$\overrightarrow{CE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{CD} ; \overrightarrow{AF} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AE} \text{ et } \overrightarrow{AG} = -\frac{1}{2}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{3}\overrightarrow{DC} .$$

1°) Placer sur la figure ci-dessous, les points  $E$ ,  $F$  et  $G$  :



2°) Montrer en utilisant la relation de Chasles que :  $\overrightarrow{AF} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{CD} .$

3°) a) En déduire que  $\overrightarrow{CF} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BC} .$

b) Que peut-on en déduire pour les points  $B$ ,  $C$  et  $F$ .

Nom :

Prénom :

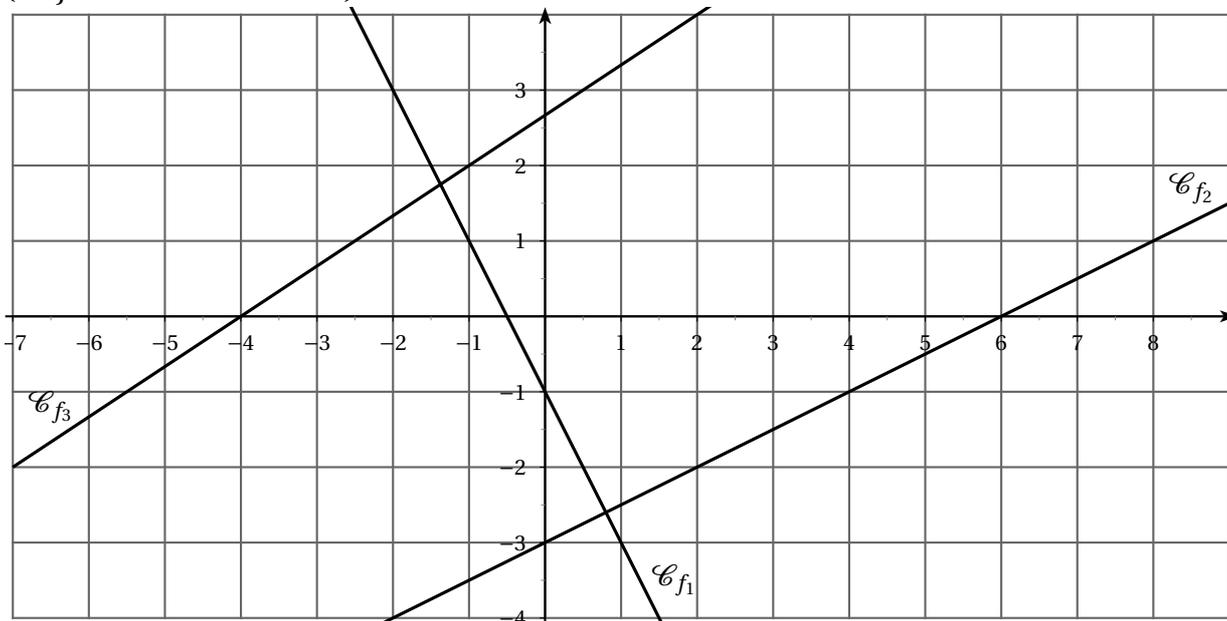
Seconde

Contrôle n° 4 (2h)

le 12/12/2012

**Exercice 1 :** (8,5 points)

1°) Déterminer une équation des fonctions  $f_1$ ,  $f_2$  et  $f_3$  représentées ci-dessous :  
(on justifiera ses résultats)



- 2°) On considère les fonctions  $f_4$  et  $f_5$  définies sur  $\mathbb{R}$  par :  $f_4(x) = -\frac{1}{2}x+2$  et  $f_5(x) = \frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$ .
- a) Donner les tableaux de variations de  $f_4$  et  $f_5$ .
  - b) Tracer sur le graphique ci-dessus les courbes représentatives des fonctions  $f_4$  et  $f_5$ .
- 3°) a) La fonction  $f_6$  telle que  $f_6(-2) = 1$  ;  $f_6(1) = -2$  et  $f_6(5) = 3$  est elle affine ?  
Si oui déterminer ses coefficients.
- b) La fonction  $f_7$  est affine et vérifie  $f_7(-3) = -1$  et  $f_7(2) = 2$ . Déterminer l'expression de  $f_7$

**Exercice 2 :** (6 points)

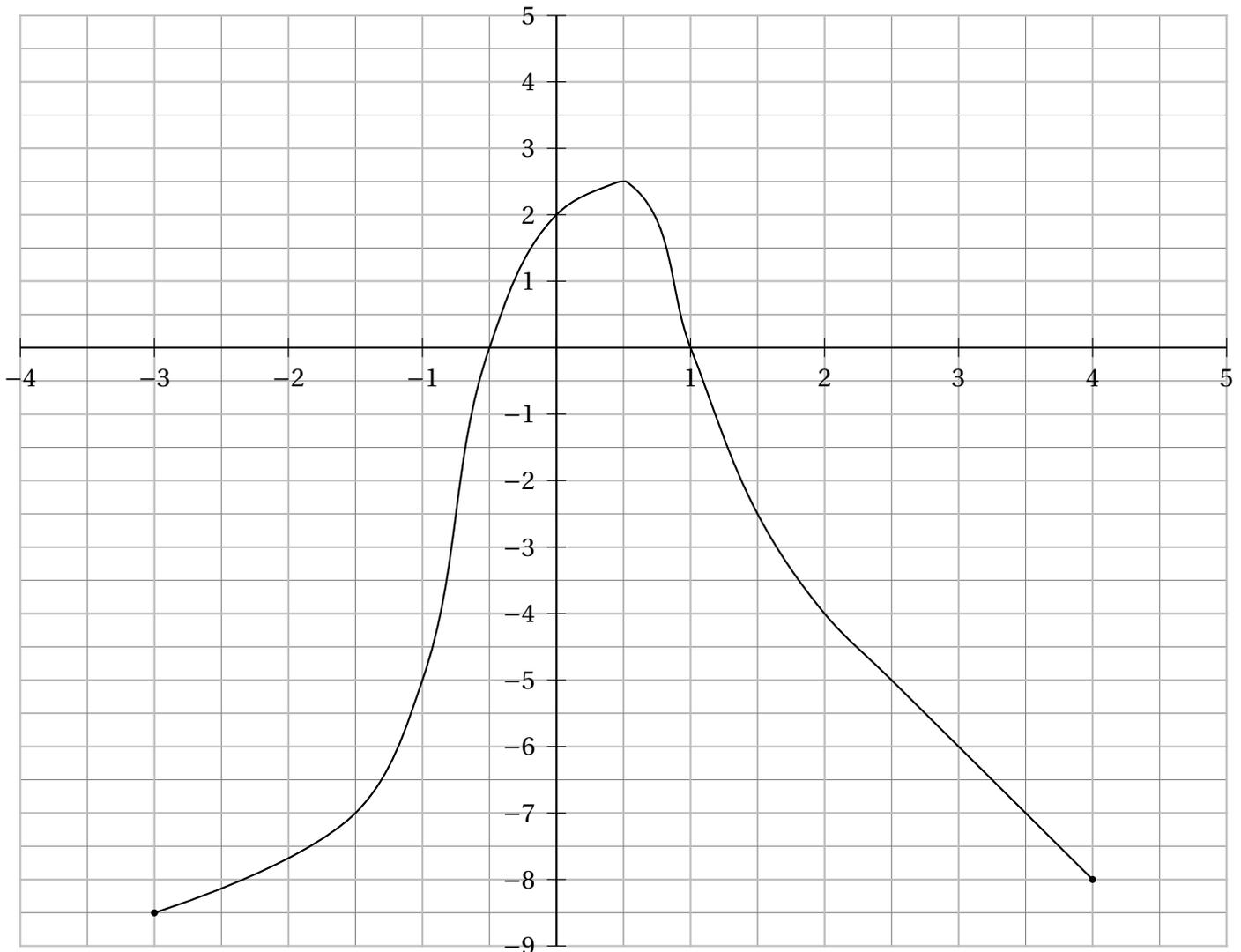
- 1°) Déterminer, suivant les valeurs de  $x$ , le signe des expressions suivantes :
- a)  $3x - 4$
  - b)  $5 - 2x$
  - c)  $(3x - 4)(-2x + 3)$ .
- 2°) Résoudre les inéquations suivantes :
- a)  $(3x - 4)(-2x + 3) \geq 0$
  - b)  $(4x - 2)^2 < (x + 2)^2$

**Exercice 3 :** (4,5 points)

Lors de ces 14 derniers matchs de basket, Maddy a marqué les points suivants :  
28 ; 12 ; 24 ; 13 ; 13 ; 21 ; 17 ; 23 ; 13 ; 29 ; 6 ; 9 ; 21 ; 2.

- 1°) Déterminer la moyenne de cette série de points.
- 2°) Déterminer, la médiane, le premier quartile et le troisième quartile de cette série.
- 3°) Compléter la phrase suivante.  
« Dans 50 % des match elle a inscrit au moins ... points ».

**Exercice 4 :** (16,5 points) On considère la fonction  $f$  définie par la donnée de sa courbe représentative  $\mathcal{C}_f$  ci-dessous.



- 1°) Donner l'ensemble de définition de  $f$ .
- 2°) Déterminer l'image de 2 par  $f$ .
- 3°) Déterminer les antécédents éventuels de  $-5$  par  $f$ .
- 4°) Donner le tableau de variations de  $f$ .
- 5°) Résoudre graphiquement l'inéquation  $f(x) \leq 0$ .

On considère aussi la fonction  $g$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $g(x) = 2x^3 - 3x^2 - 3x + 2$ .

- 6°) Déterminer l'image de  $-1$  par  $g$ .
- 7°) Le point  $A(1; -2)$  appartient-il à la courbe représentative de  $g$ ?
- 8°) Démontrer que  $g(x) = (2x - 1)(x + 1)(x - 2)$ .
- 9°) Déterminer les antécédents de 0 par  $g$ .
- 10°) Déterminer, suivant la valeur de  $x$ , le signe de  $g(x)$ .
- 11°) a) Compléter le tableau suivant (on arrondira à 0,01 près) :

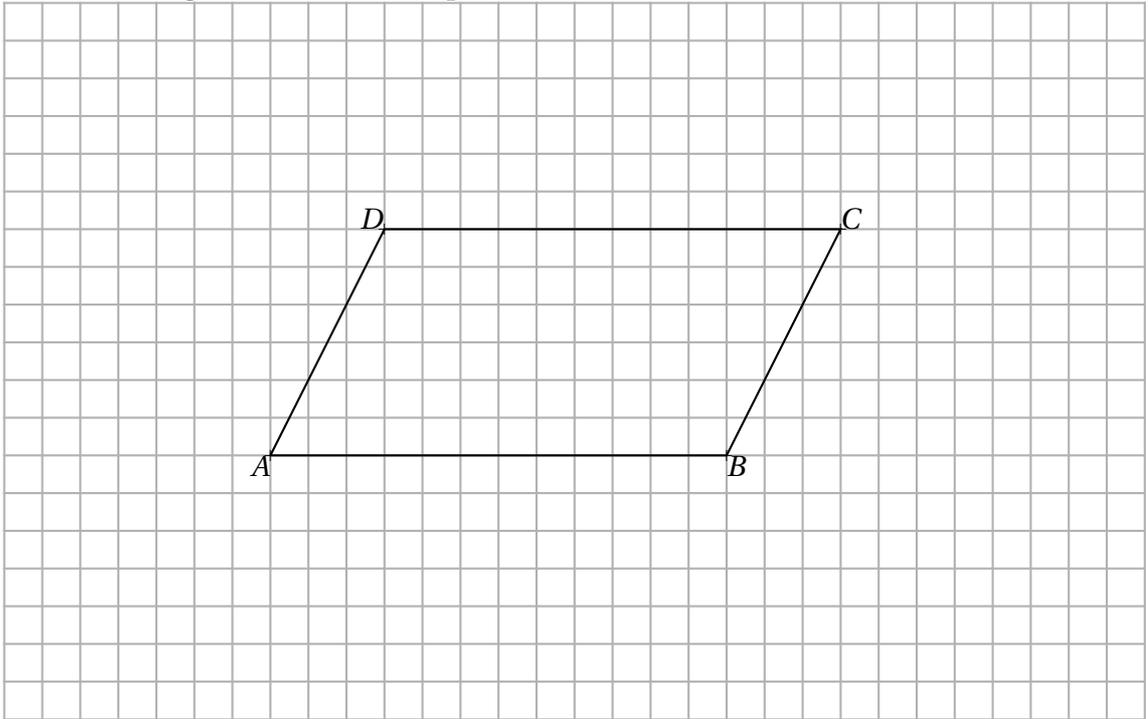
$x$	-2	-1,5	-1	-0,75	-0,5	-0,25	0	0,5	1	1,25	1,5	2	2,5
$g(x)$													

- b) Tracer, sur le graphique ci-dessus,  $\mathcal{C}_g$  la courbe représentative de  $g$ .
- c) Résoudre graphiquement l'équation  $f(x) = g(x)$ .
- d) Résoudre graphiquement l'inéquation  $f(x) \leq g(x)$ .

**Exercice 5 :** (4,5 points)  $ABCD$  est un parallélogramme.  $E$ ,  $F$  et  $G$  sont les points définis par :

$$\overrightarrow{CE} = \frac{1}{4}\overrightarrow{CD} ; \overrightarrow{AF} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AE} \text{ et } \overrightarrow{AG} = -\frac{1}{3}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{DC}.$$

1°) Placer sur la figure ci-dessous, les points  $E$ ,  $F$  et  $G$  :



2°) Montrer en utilisant la relation de Chasles que :  $\overrightarrow{AF} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{3}\overrightarrow{CD}$ .

3°) a) En déduire que  $\overrightarrow{CF} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$ .

b) Que peut-on en déduire pour les points  $B$ ,  $C$  et  $F$ .