1 Somme et produit

Déterminer les coordonnées des vecteurs suivants en détaillant vos calculs sachant que $\overrightarrow{u}(10;2)$; $\overrightarrow{v}(3;-9)$ et $\overrightarrow{w}(-6;-2)$.

$$\overrightarrow{n_1} = \overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$$

$$\overrightarrow{n_2} = \overrightarrow{u} - 2\overrightarrow{v}$$

$$\overrightarrow{n_3} = \frac{1}{2}\overrightarrow{u} - \frac{2}{3}\overrightarrow{w}$$

$$\overrightarrow{n_4} = \overrightarrow{u} - 2(\overrightarrow{v} + \overrightarrow{w})$$

$$\overrightarrow{n_5} = \frac{1}{4}\overrightarrow{u} - \frac{1}{6}\overrightarrow{v} + \frac{1}{3}\overrightarrow{w}$$

2 Alignements

Soit A(-2;3), B(1;5) et C(-8;-1) trois points du plan muni d'un repère.

- 1. Déterminer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} .
- 2. En déduire que les points A, B et C sont alignés.
- 3. Déterminer le réel k tel que $\overrightarrow{BA} = k\overrightarrow{BC}$.

3 Distance

Soit A(1;3), B(4;4) et C(2;0) trois points du plan muni d'un repère orthonormé.

- 1. Déterminer les distances AB, AC et BC.
- 2. En déduire que la nature du triangle ABC.
- 3. Déterminer l'aire du triangle ABC.

4 Milieu

Soit A(-11;5), B(-7;-4) et C(6;3) trois points du plan muni d'un repère.

- 1. Déterminer les coordonnées des milieux des segments [AB], [AC] et [BC].
- 2. Déterminer les coordonnées du point D tel que B soit le milieu du segment [AD].

5 Points et coordonnées

Soit A(-3;2), B(4;-1) et C(8;2) trois points du plan muni d'un repère.

- 1. Déterminer les coordonnées du point D tel que $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$.
- 2. Déterminer les coordonnées du point E tel que $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB} + 3\overrightarrow{AC}$.
- 3. Démontrer que les points A, D et E sont alignés.

6 Barycentre

Soit A(1;2), B(3;2) et C(0;5) trois points du plan muni d'un repère.

- 1. Déterminer les coordonnées du point G tel que $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \overrightarrow{0}$.
- 2. Déterminer les coordonnées du point H tel que $\overrightarrow{AH} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$.
- 3. Que peut-on remarquer?