# Relation de Chasles et valeur moyenne

## Exercice 1:

Démontrer le théorème suivant : Soit f une fonction continue sur I et a, b, c trois réels de I alors

$$\int_a^b f(x)\mathrm{d}x + \int_b^c f(x)\mathrm{d}x = \int_a^c f(x)\mathrm{d}x$$

#### Exercice 2:

Soit f la fonction définie par  $f(x) = \begin{cases} -x - 1 & si \quad x < -1 \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{3} & si \quad -1 \le x \end{cases}$ 

1. Tracer dans un repère la courbe de la fonction f sur [-4; 5].

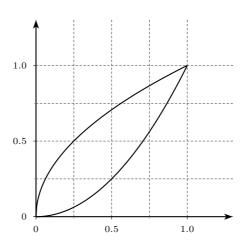
2. Calculer  $\int_{-3}^{-1} f(x) dx$  puis  $\int_{-1}^{5} f(x) dx$ . En déduire  $\int_{-3}^{5} f(x) dx$ .

# Exercice 3:

Sachant que  $\int_0^1 e^x dx = e - 1$  et  $\int_0^1 x^2 dx = \frac{1}{3}$ , calculer  $\int_0^1 5e^x - 3x^2 dx$  puis  $\int_0^1 e^x + 5x^2 dx$ .

## Exercice 4:

Déterminer l'aire située entre les courbes des fonctions carré et racine carré pour  $x \in [0;1]$ :



# Exercice 5:

Soit f une fonction continue sur [a;b]. La valeur moyenne de la fonction f sur [a;b] est le nombre  $\mu$  défini par :

$$\mu = \frac{1}{b-a} \int_{a}^{b} f(x) \mathrm{d}x$$

- 1. Déterminer la valeur moyenne de  $f(x) = \frac{3}{2}x^2 x$  sur [1; 3].
- 2. Tracer dans un repère la courbe de la fonction f sur [1;3].
- 3. Interpréter graphiquement  $\mu$ .