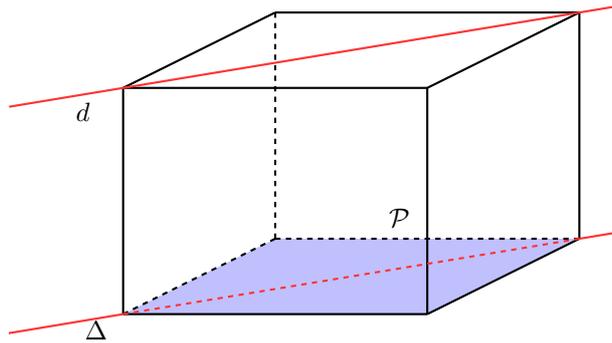


Chapitre 11: Droites et plans

1 Parallélisme dans l'espace

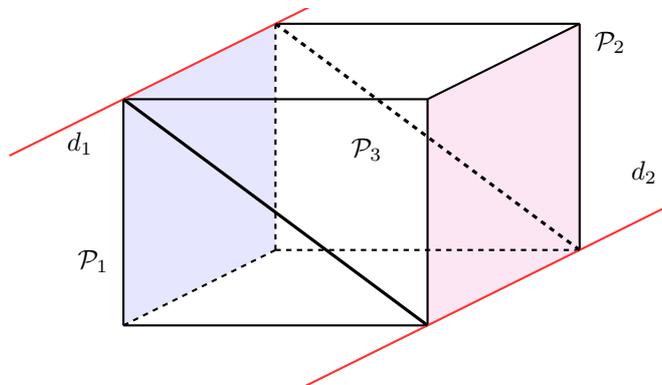
Définition:

Si une droite d est parallèle à une droite Δ contenue dans un plan \mathcal{P} alors d est parallèle au plan \mathcal{P} .



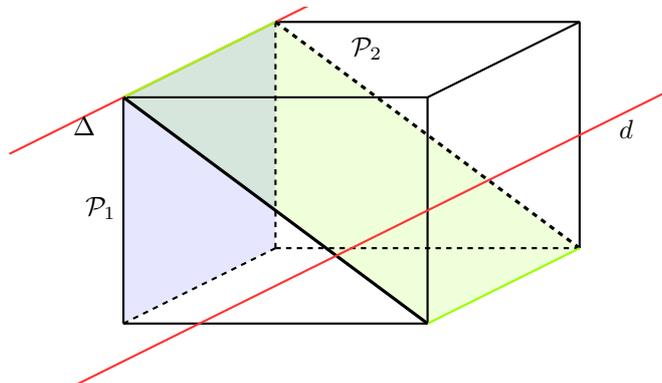
Théorème:

Si deux plans \mathcal{P}_1 et \mathcal{P}_2 sont parallèles alors tout plan \mathcal{P}_3 qui coupe \mathcal{P}_1 coupe \mathcal{P}_2 et les intersections sont deux droites d_1 et d_2 parallèles.



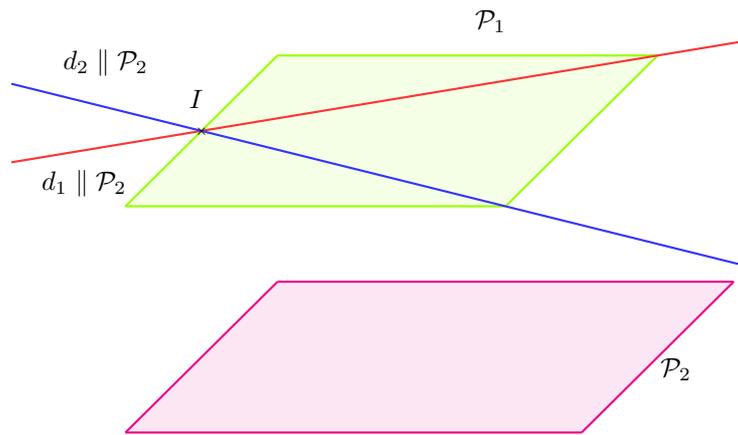
Théorème:

Si une droite d est parallèle à deux plans \mathcal{P}_1 et \mathcal{P}_2 sécants suivant une droite Δ alors d et Δ sont deux droites parallèles.



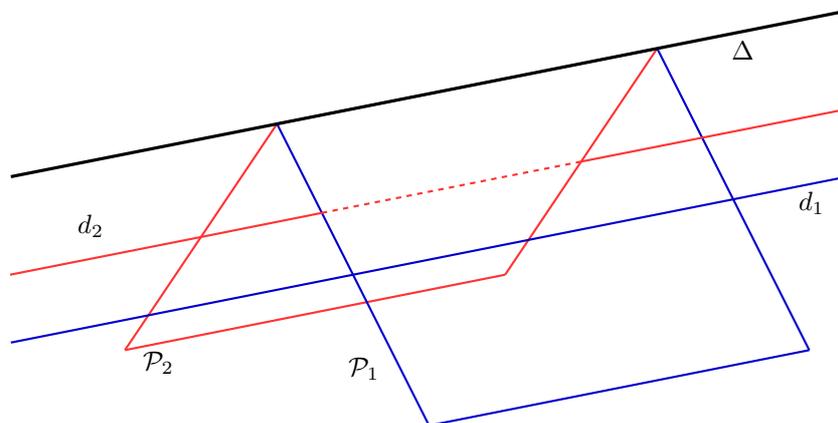
Théorème:

Si un plan \mathcal{P}_1 contient deux droites sécantes parallèles à un plan \mathcal{P}_2 alors \mathcal{P}_1 est parallèle à \mathcal{P}_2 .



Théorème:

Soit d_1 et d_2 deux droites parallèles contenues respectivement dans deux plans \mathcal{P}_1 et \mathcal{P}_2 . Si \mathcal{P}_1 et \mathcal{P}_2 s'intersectent en une droite Δ alors d_1 et d_2 sont parallèles à Δ .

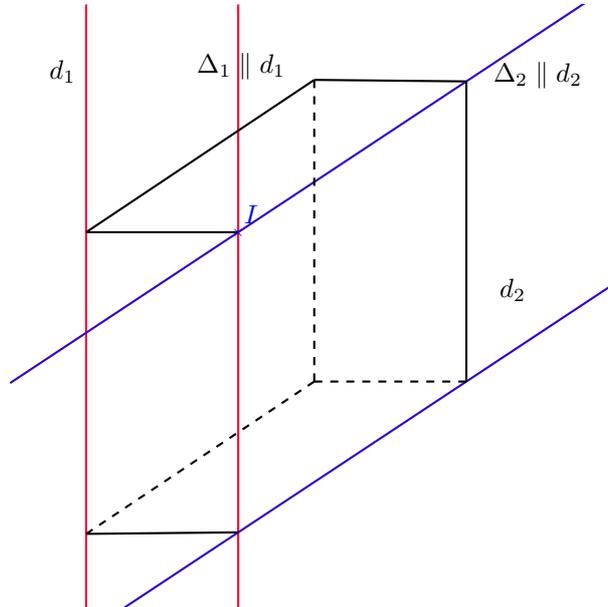


2 Orthogonalité dans l'espace

2.1 Droites orthogonales

Définition:

Dans l'espace, dire que deux droites d_1 et d_2 sont **orthogonales** signifie qu'on peut trouver un point I tel que les parallèles à d_1 et d_2 passant par I sont perpendiculaires. On écrit $d_1 \perp d_2$.



Théorème:

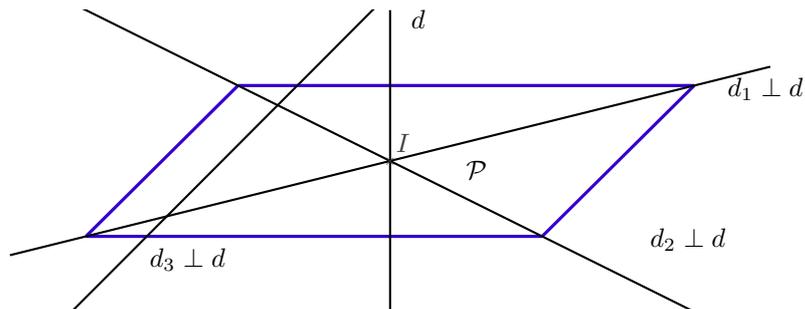
Si deux droites sont parallèles alors toute droite orthogonale à l'une est orthogonale à l'autre.

2.2 Droites perpendiculaires à un plan

Définition:

I est l'intersection d'une droite d et d'un plan \mathcal{P} . Dire que d et \mathcal{P} sont **perpendiculaires** signifie que d est perpendiculaire à deux droites d_1 et d_2 de \mathcal{P} passant par I .

Ainsi, toute droite de \mathcal{P} est orthogonale à d et toute droite de \mathcal{P} passant par I est perpendiculaire à d .



Théorème:

Si deux droites sont perpendiculaires à un même plan alors elles sont parallèles.

Théorème:

Si deux plans sont perpendiculaires à une même droite alors ils sont parallèles.