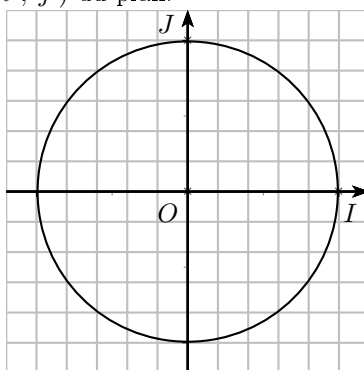
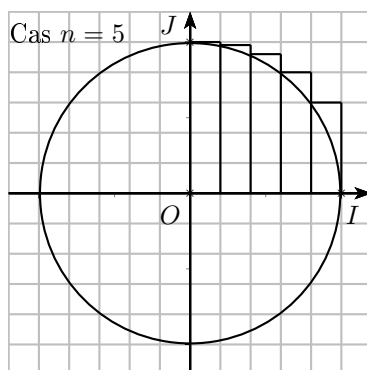


Approximation du nombre π

On se place dans un repère orthonormée $(O; \vec{i}, \vec{j})$ du plan.



1. Déterminer l'aire du disque de centre l'origine et de rayon 1.
2. Déterminer l'équation du cercle de centre l'origine et de rayon 1.
3. En déduire l'expression de la fonction f associée au quart de cercle dont les points ont des coordonnées positives.
4. Déterminer l'aire entre la courbe de la fonction f et l'axe des abscisses sur $[0; 1]$.
5. On construit à présent la suite (S_n) définie de la façon suivante (pour $n \geq 2$) :
 - On partage le segment $[OI]$ en n segment de même longueur.
 - On dessine n rectangle comme dans la figure ci-dessous :



- S_n est la somme des aires des n rectangles ainsi construits.
- a. Déterminer S_2 et S_3 .
 - b. Exprimer S_n en fonction de n .
 - c. Conjecturer la limite de S_n lorsque n tend vers $+\infty$.
6. Compléter l'algorithme ci-dessous pour calculer S_n en fonction de n .

```

1: VARIABLES
2: n EST_DU_TYPE NOMBRE
3: s EST_DU_TYPE NOMBRE
4: i EST_DU_TYPE NOMBRE
5: DEBUT_ALGORITHME
6:   Lire ...
7:   s PREND_LA_VALEUR ...
8:   POUR i ALLANT_DE 0 A ...
9:     DEBUT_POUR
10:    s PREND_LA_VALEUR ...
11:    FIN_POUR
12:   AFFICHER ...
13: FIN_ALGORITHME

```

7. Donner la valeur obtenue pour $n = 5000$.
8. Pour obtenir une approximation du nombre π , Archimède(III siècle avant J.C.) a utilisé deux polygones réguliers de 96 côtés : l'un inscrit dans le cercle, l'autre circonscrit au cercle, ce qui lui a permis d'obtenir l'encadrement :

$$3 + \frac{10}{71} < \pi < 3 + \frac{1}{7}$$

Comparer votre résultat avec la précision obtenue par Archimède.