

Exercice 1:

Écrire un algorithme qui, connaissant les coefficients a , b et c d'une équation du second degré de la forme $ax^2 + bx + c = 0$, donne les possibles solutions cette équation.

On pourra le tester avec les triplets :

- (1; 1; 1) : il renvoie « pas de solution » ;
- (1; 2; 1) : il renvoie « une unique solution -1 » ;
- (1; 3; 2) : il renvoie « deux solutions -2 et -1 ».

Exercice 2:

On considère le jeu suivant avec les étapes suivantes :

1. On reçoit 40 euros ;
2. On choisit un nombre entier entre 1 et 6 ;
3. On lance un dé équilibré à six faces ;
4. Si le résultat du dé est le nombre choisi, le jeu s'arrête.
5. Si le résultat du dé n'est pas le nombre choisi, on perd un euro et on doit recommencer à l'étape 2.

Écrire un algorithme simulant ce jeu.

Exercice 3:

Pour tout entier n non-nul, on considère la somme

$$S_n = \sum_{i=1}^n i^2$$

Écrire un algorithme qui, connaissant la valeur de n , donne la valeur de S_n .

On pourra le tester avec :

- $n = 1$: il renvoie $S = 1$;
- $n = 3$: il renvoie $S = 14$.

Exercice 4:

Pour tout entier n non-nul, on considère la somme

$$S_n = \sum_{i=1}^n i^3$$

Écrire un algorithme qui, connaissant une valeur de A ($A > 0$), donne la premier valeur de n tel que S_n dépasse strictement A .

On pourra le tester avec :

- $A = 8$: il renvoie $n = 2$;
- $A = 9$: il renvoie $n = 3$.

Exercice 5:

Écrire l'algorithme pas à pas qui encadre avec une précision p la solution α de $f(x) = 0$ pour une fonction f strictement monotone sur $[a; b]$.

On pourra le tester avec $f(x) = x^2 - 2$ sur $[0; 3]$; $p = 0,01$ et il renvoie 1,41 et 1,42.

Exercice 6:

Écrire l'algorithme de dichotomie qui encadre avec une précision p la solution α de $f(x) = 0$ pour une fonction f strictement monotone sur $[a; b]$.

On pourra le tester avec $f(x) = x^2 - 3$ sur $[0; 3]$; $p = 0,001$ et il renvoie 1,7314453 et 1,7321777.