

Exercice 1:

Recopier et compléter les affirmations suivantes :

1. Si f une fonction continue et positive sur l'intervalle $[a; b]$ alors $\int_a^b f(t)dt$ est ...
2. Si f une fonction continue et positive sur l'intervalle $[a; b]$ alors $x \mapsto \int_a^x f(t)dt$ est ...
3. Si f une fonction continue et positive sur l'intervalle $[a; b]$ alors $F(b) - F(a)$ est égale à ... où F est ...

Exercice 2:

Déterminer la primitive qui s'annule en a de chacune des fonctions suivantes définies sur \mathbb{R} :

$$f_1(x) = \frac{-2x - 1}{(x^2 + x + 1)^2} \text{ et } a = 3$$

$$f_2(x) = (10x - 2)(5x^2 - 2x + 1)^4 \text{ et } a = 1$$

$$f_3(x) = \frac{20x^3 + 10x}{\sqrt{1 + x^2 + x^4}} \text{ et } a = 0$$

Exercice 3:

Calculer les intégrales suivantes :

$$A = \int_0^3 4x^2 + 5x dx$$

$$C = \int_1^4 \frac{3}{\sqrt{x}} dx$$

$$B = \int_1^2 x^2 + \frac{1}{x^2} dx$$

$$D = \int_1^{\sqrt{2}} 2x(x^2 + 3)^{11} dx$$

Exercice 4:

Soit Φ la fonction définie sur $[0; +\infty[$ par

$$x \mapsto \int_0^x t^2 + t + 1 dt$$

1. Représenter graphiquement $x \mapsto \Phi(x)$ à l'aide de la courbe de la fonction $f : x \mapsto x^2 + x + 1$
2. Déterminer $\Phi(3)$.
3. Étudier les variations de Φ sur $[0; +\infty[$.
4. Donner l'expression de Φ sans écriture intégrale.

Exercice 5:

Démontrer qu'il existe une unique valeur a (avec $a > 1$) telle que l'aire sous la courbe de la fonction inverse entre l'axe des abscisses, les droites d'équations $x = 1$ et $x = a$ est égale à 2. Donner une valeur approchée de a à 10^{-1} près à l'aide de votre calculatrice.